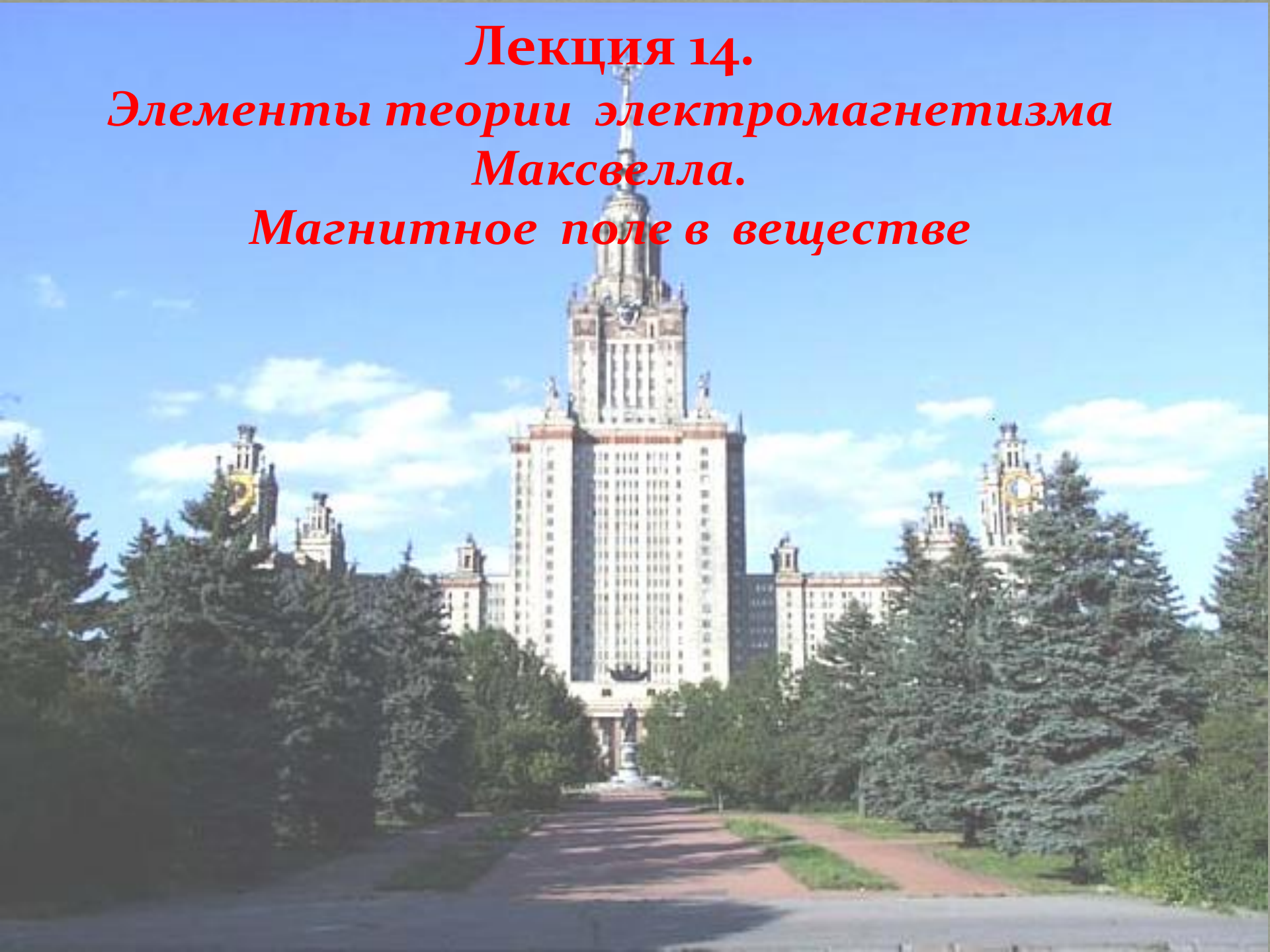


Лекция 14.
Элементы теории электромагнетизма
Максвелла.
Магнитное поле в веществе



➔ (Опр.) Плотность энергии магнитно поля :

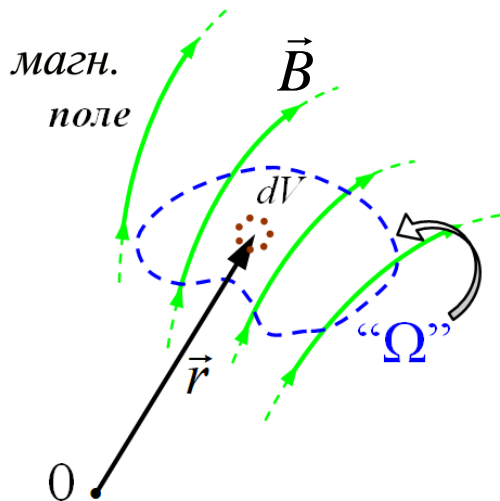
$$w_m = \frac{\delta W_m}{dV}$$

Внутри соленоида поле однородно ⇒

$$w_m = \frac{W_m}{V}$$

(индуктивность соленоида: $L = \mu\mu_0 n^2 V$, магнитная индукция $B = \mu\mu_0 n I$)

$$W_m = \frac{1}{2} L I^2 = \frac{1}{2} \mu\mu_0 n^2 V \cdot \left(\frac{B}{\mu\mu_0 n} \right)^2 = \frac{B^2}{2\mu\mu_0} \cdot V$$



$$w_m = \frac{B^2}{2\mu\mu_0}$$



Rem:

$$\left(w_e = \frac{\epsilon\epsilon_0 E^2}{2} \right)$$

$$W_m = \frac{1}{2\mu\mu_0} \int_{\Omega} B^2(\vec{r}) dV$$

§ 19. Элементы теории электромагнетизма Максвелла

19.1. Трактовка Максвелла явления электромагнитной индукции

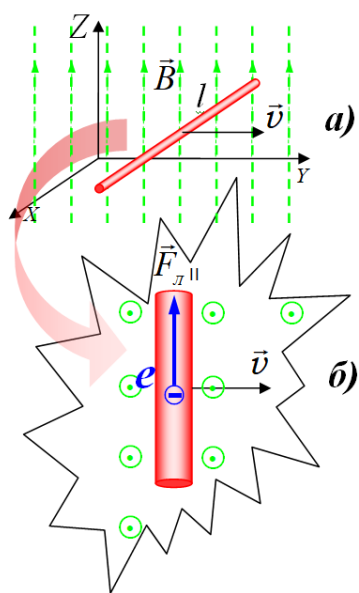
Фарадей для проводящих контуров: $\mathcal{E}_i = -\frac{d\Phi}{dt}$

НО

контур нет, ЭМИ есть:

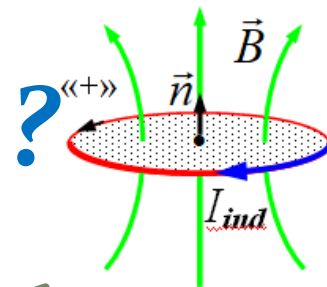
Недавно обсуждали:

Что «толкает электроны»? ?



$$\mathcal{E}_i = \frac{A^{cm}}{q} = \frac{qvBl}{q}$$

А вот в этом случае ?



$$\frac{A^{cm}}{q} = \mathcal{E}_i \quad \frac{d\vec{B}}{dt}$$

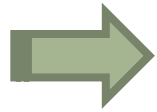
Но какие «сторонние силы» совершают работу ??



Максвелл: «Вихревое электрическое поле» !!

!!

Работа электростатического поля по замкнутому контуру A равна нулю, а ВИХРЕВОГО - нет !



$$\oint_C (\vec{E}^*, d\vec{l}) \equiv \mathcal{E}_{ind}$$

\vec{E}^* – напряжённость вихревого электрического поля

Если вспомним определение потока: $\Phi = \int_{\Sigma} (\vec{B}, d\vec{S})$

И подставим в закон ЭМИ: $\mathcal{E}_i = -\frac{d\Phi}{dt}$

Получим:

$$\oint_C (\vec{E}, d\vec{l}) = -\frac{d}{dt} \int_{\Sigma} (\vec{B}, d\vec{S}) \quad (\text{вслед за Максвеллом 😊})$$

А можно и вот так:

Уравнение Максвелла:



$$\oint_C (\vec{E}, d\vec{l}) = -\int_{\Sigma} \left(\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}, d\vec{S} \right)$$

Электрические поля порождают не только заряды!

$$\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \Rightarrow \vec{E} \quad !!$$

19.2. “Ток смещения”

“Магнитостатика” – ток постоянный:

И поле тоже!

“Один контур, две поверхности”:

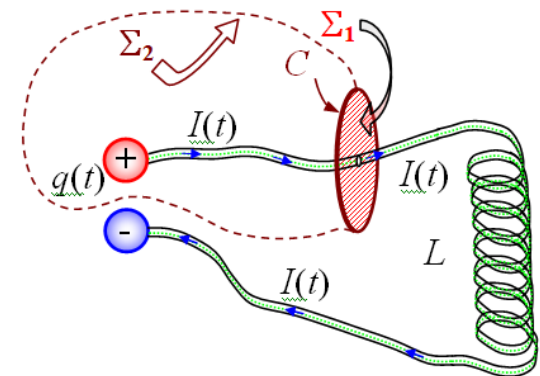
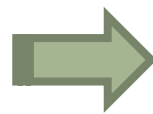
$$\oint_C (\vec{B}, d\vec{l}) = \mu_0 \cdot I \quad \left\{ \text{или} \quad \oint_C (\vec{B}, d\vec{l}) = \mu_0 \cdot \int_{\Sigma} (\vec{j}, d\vec{S}) \right\}$$

«левая часть» от выбора поверхности Σ_1 или Σ_2 не зависит!
В магнитостатике с теоремой о циркуляции всё в порядке –
результат один: $\mu_0 I$

А если ток переменный – “Магнетодинамика”:

?

Например,
“колебательный контур”



через поверхность “ Σ_2 ” заряд не переносится !

... две поверхности, и результат
РАЗНЫЙ:

Для Σ_1 : $\mu_0 \cdot \int_{\Sigma_1} (\vec{j}, d\vec{S}) = \mu_0 \cdot I \neq 0$

, а вот для Σ_2 : $\mu_0 \cdot \int_{\Sigma_2} (\vec{j}, d\vec{S}) = 0$!

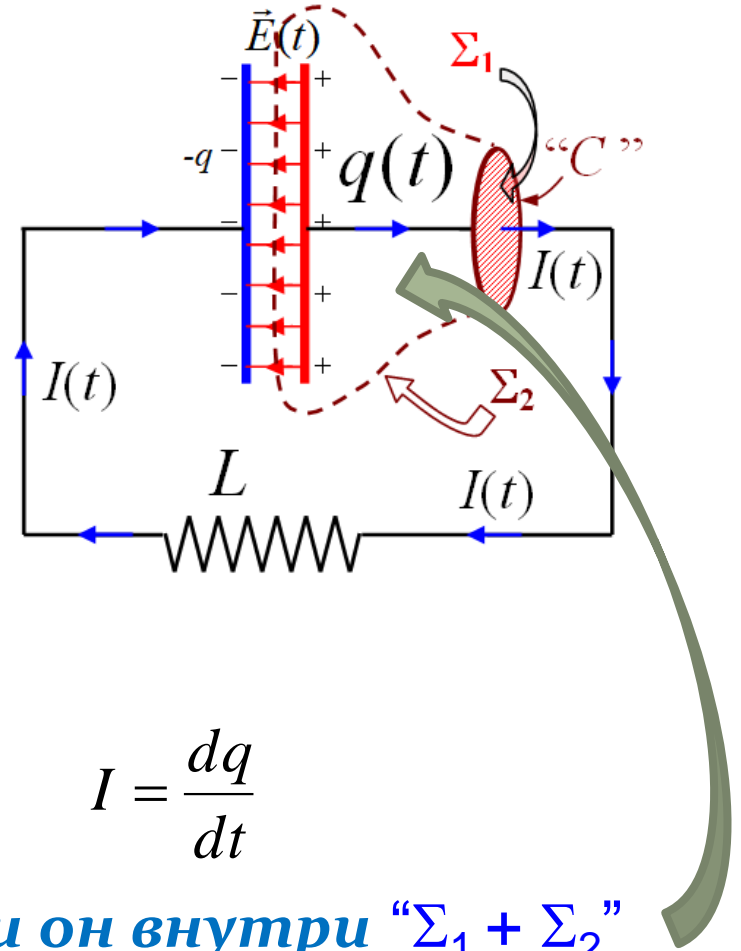
⇒ *Надо подправлять теорему !*

*Что-нибудь придумать для Σ_2
«вместо» $\mu_0 \cdot I$*

Что же ?? Мы знаем: $I = \frac{dq}{dt}$

q – это заряд обкладки, и он внутри “ $\Sigma_1 + \Sigma_2$ ”

$$\oint_{\Sigma_1 + \Sigma_2} (\vec{E}, d\vec{S}) = \frac{1}{\epsilon_0} q \Rightarrow q = \epsilon_0 \oint_{\Sigma} (\vec{E}, d\vec{S}) \Rightarrow I = \epsilon_0 \frac{d}{dt} \left(\oint_{\Sigma} (\vec{E}, d\vec{S}) \right)$$



И ещё раз: $I = \varepsilon_0 \frac{d}{dt} \left[\oint_{\Sigma} (\vec{E}, d\vec{S}) \right]$ **или**

“Ток смещения”

$$I^{см.} = \varepsilon \varepsilon_0 \oint_{\Sigma} \left(\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}, d\vec{S} \right)$$

Дж. К. Максвелл

“О физических силовых линиях”, «*Phylosophical Magazine*», 1862 г.

Замыкают токи проводимости в
«разорванных» цепях –
цепях переменного тока
(там где нет переноса заряда)

!!

“Симметрия” восстановлена:

ЭМИ и “ток смещения”

$$\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \Rightarrow \vec{E} \quad \text{и} \quad \frac{\partial \vec{E}}{\partial t} \Rightarrow \vec{B}$$

19.3. Уравнения Максвелла (в интегральной форме)

“Самое главное в теории электромагнетизма Максвелла – это уравнения Максвелла”

Генрих Герц

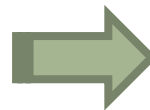
$$(I) \quad \oint_{\Sigma} (\vec{E}, d\vec{S}) = \frac{1}{\varepsilon\varepsilon_0} q; \quad (\text{теорема Гаусса – закон Кулона + принцип суперпозиции});$$

$$(II) \quad \oint_{\Sigma} (\vec{B}, d\vec{S}) = 0; \quad (\text{теорема Гаусса для магнитного поля – магнитных зарядов в природе нет!});$$

$$(III) \quad \oint_C (\vec{E}, d\vec{l}) = - \int_{\Sigma} \left(\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}, d\vec{S} \right); \quad (\text{Закон электромагнитной индукции в трактовке Максвелла});$$

$$(IV) \quad \oint_C (\vec{B}, d\vec{l}) = \mu\mu_0 \cdot \left\{ \int_{\Sigma} (\vec{j}, d\vec{S}) + \varepsilon\varepsilon_0 \int_{\Sigma} \left(\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}, d\vec{S} \right) \right\}. \quad (\text{Теорема о циркуляции «подправленная» Максвеллом})$$

А что знаем в ЭМ ещё ?



$$\vec{F} = q\vec{E} + q[\vec{v}, \vec{B}]$$

Вот и вся “классическая электродинамика”! ☺ ...

Конец XIX века – “Природа познана. Ура !!” ☺ ...

“... кажется вероятным, что большинство основных принципов уже твёрдо установлено и что будущее продвижение вперёд следует искать в основном в строгом применении этих принципов ко всем явлениям, которые обращают на себя наше внимание. ...

... Будущие истины физики видны в шестом знаке после запятой”

Альберт Майкельсон (Нобелевская премия 1907 г.)

Новые открытия, сделанные в физике за последние несколько лет, ..., оказали на учёных влияние, подобное воздействию Ренессанса на литературу ...

На пути вздымаются ещё более высокие вершины, и они покорятся каждому, кто поднимается на них пока ещё широкими дорогами ...

Дж.Дж. Томсон
лауреат Нобелевской премии, открывший электрон

*) § 17. Магнитное поле в веществе

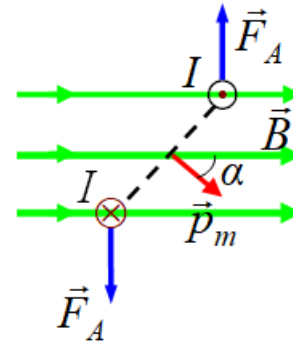
17.1. Магнитный диполь

Rem:

$$\vec{p}_m = IS\vec{n}$$

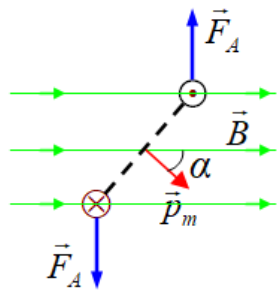
“пробный виток”
ориентируется

$$\vec{p}_m \uparrow\uparrow \vec{B}$$

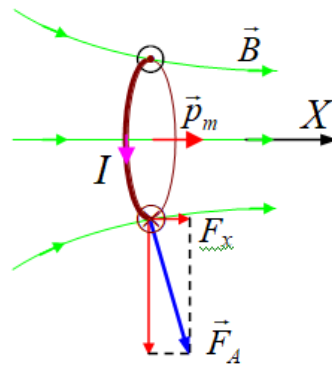


$$\vec{N} = [\vec{p}_m, \vec{B}]$$

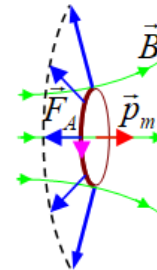
➔ (Опр.) Элементарным магнитным диполем называется виток с током малых размеров (аналог электрического диполя)



а



б

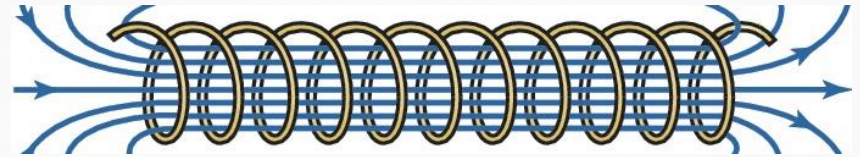


в

Ориентируется
по полю и
втягивается
в него

17.2. Намагничивание вещества

Среды нет: $\vec{B} = \vec{B}_0$



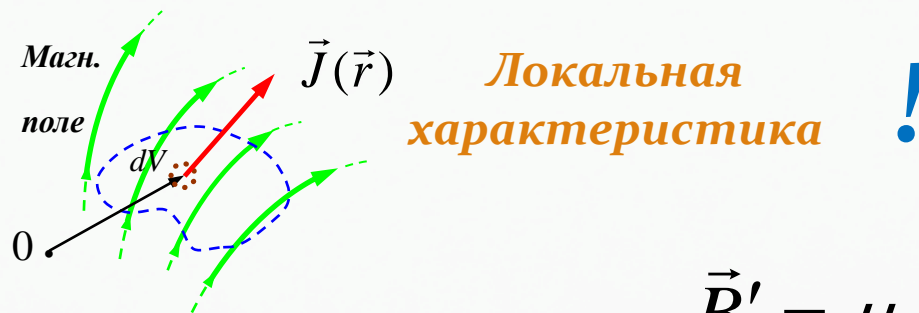
($\mu_0 n I$) — определяется “сторонними токами”

В веществе: $\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}'$

\vec{B}' — результирующее поле молекулярных токов вещества

(элементарных магнитных диполей p_m)

► (Опр.) Состояние намагниченности среды характеризует вектор намагничивания среды \vec{J}



$$\vec{J} = \frac{\sum_i \vec{P}_{mi}}{\Delta V}$$

$$\vec{B}' = \mu_0 \vec{J}$$

Эксперимент: $\vec{J} = \chi \frac{\vec{B}_0}{\mu_0}$

χ – магнитная восприимчивость среды

В веществе: $\vec{B} = \vec{B}_0 + \vec{B}'$

$\Rightarrow \vec{B} = \vec{B}_0 + \chi \vec{B}_0 = (1 + \chi) \vec{B}_0 = \mu \vec{B}_0$

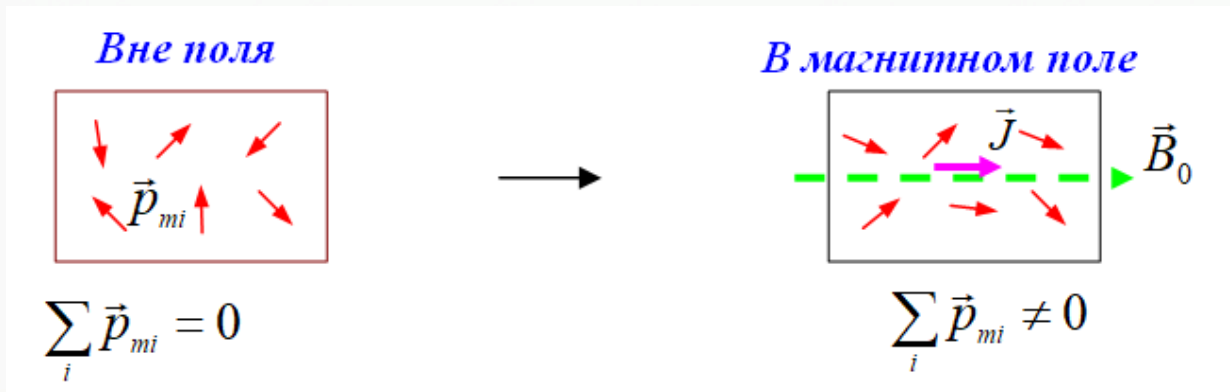
➔ (Опр.) магнитная проницаемость среды:

$$\mu = \frac{\vec{B}}{\vec{B}_0}$$

17.3. Виды магнетиков

Закон Кюри

17.3.1. **Парамагнетики** (Al, Pt, FeCl₃, ...) $\vec{p}_{mi} \neq 0$ $J \sim \frac{p_m^2}{T}$



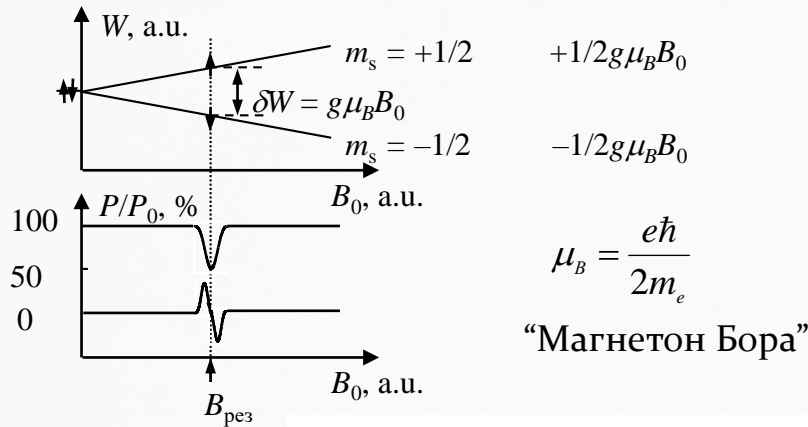
$$\vec{J} \uparrow \uparrow \vec{B}_0$$

$$\vec{B}' \uparrow \uparrow \vec{B}_0$$

$\chi > 0, \mu > 1$

** ЭПР – “Электронный парамагнитный резонанс”

В основе “эффект Зеемана” – расщепление энергетических уровней атомов во внешнем магнитном поле: $\delta W = g \cdot \mu_B \cdot B_0$



Завойский, 1944 г.

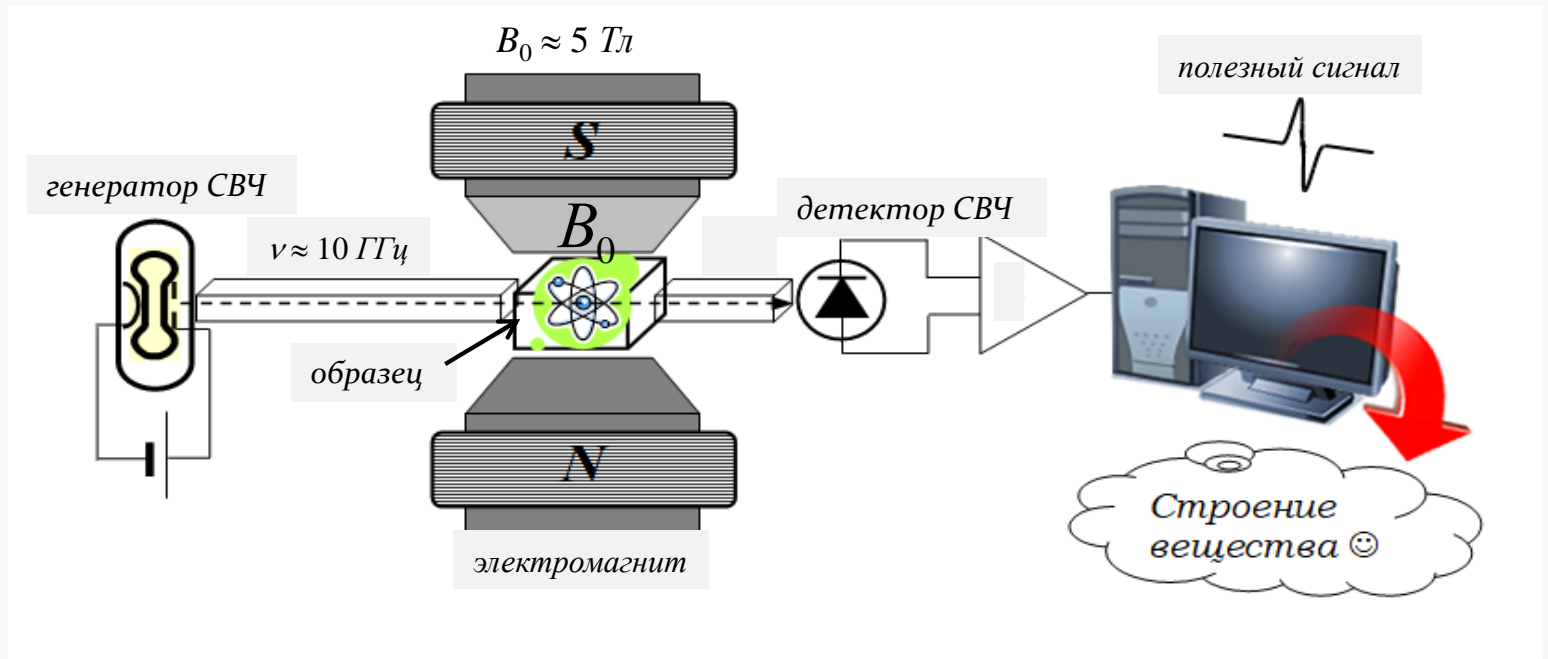
Условие резонанса:

$$\hbar \omega = g \mu_B B_0^{рез}$$

положение и форма линий;
тонкое и сверхтонкое расщепление

⇒
g-фактор,
...

$$g = -g \left(\frac{e}{2 m_e} \right)$$



“Гиромагнитное отношение”

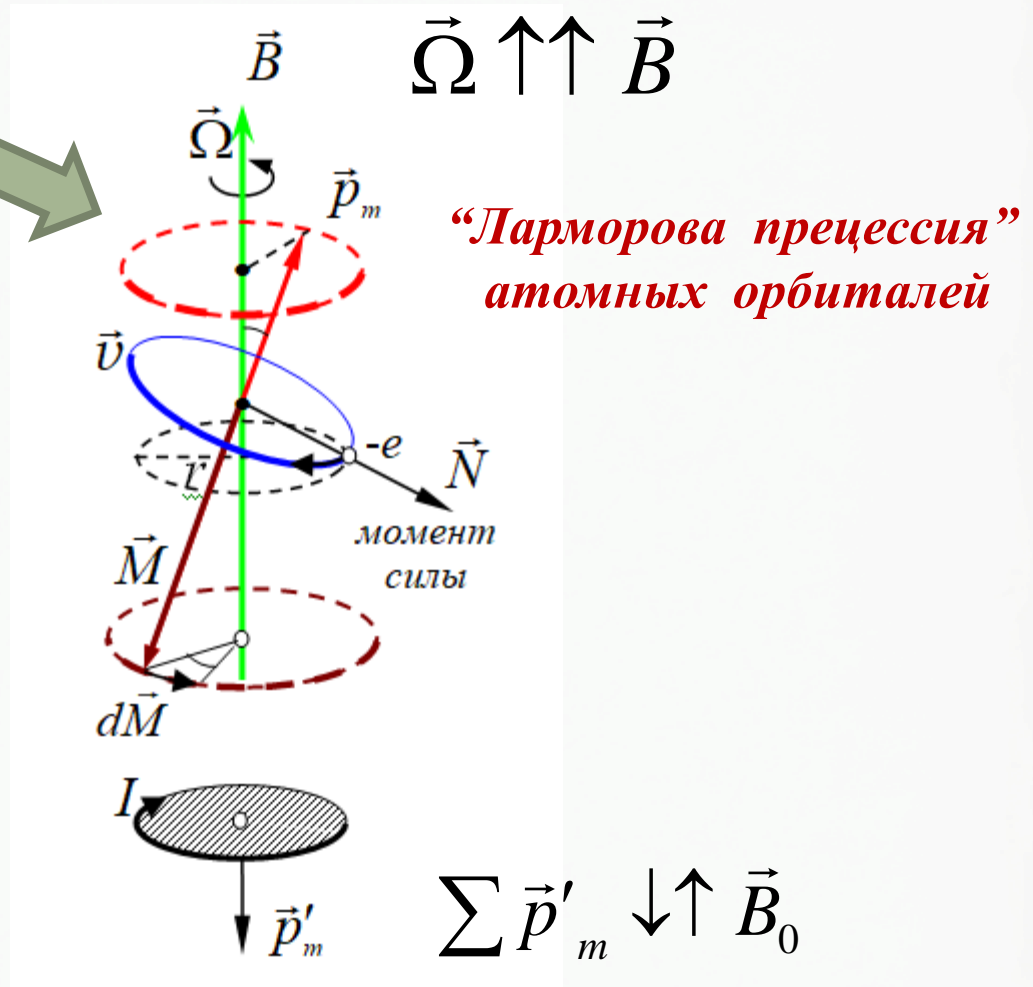
17.3.1. Диамagnetики (Au, Cu, Pb, ...) $\leftarrow \vec{p}_{mi} = 0$

“Наведённый” магнетизм:

$$\vec{J} \downarrow \uparrow \vec{B}_0$$

$$\vec{B}' \downarrow \uparrow \vec{B}_0$$

$$\chi < 0, \quad \mu < 1$$

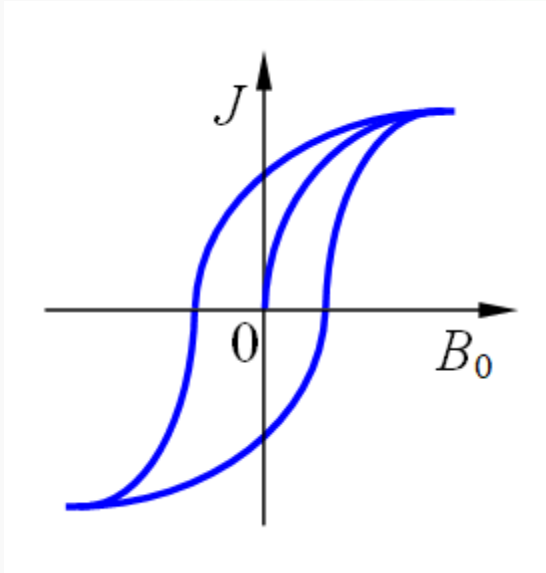


Индукцированный (наведённый) магнитный момент

$$\vec{p}_m^{ind} = \vec{p}'_m$$

17.3.3. Ферромагнетики (Fe, Ni, Co, ...)

$$\mu \gg 1$$



“Домены” $\sim 10^{-6} - 10^{-5}$ м

Объясняет только квантовая механика

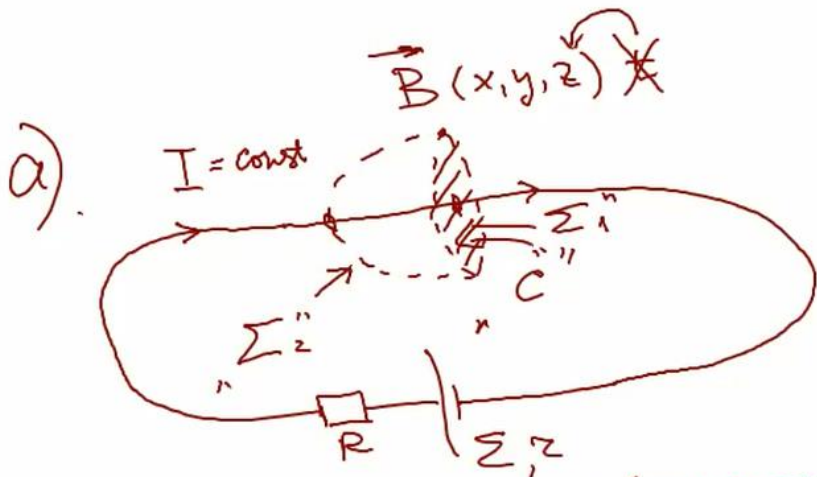
!



Магнитный “гистерезис”

(“шумы Баркгаузена”)

“Ток смещения”



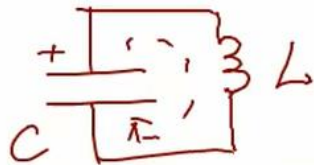
$$\oint_{C''} (\vec{B}, d\vec{l}) = \mu_0 I$$

$$= \mu_0 \int_{\Sigma''} (\vec{j}, d\vec{s})$$

$$I = \frac{\Sigma}{R + Z}$$

“Магнитно
Статика”

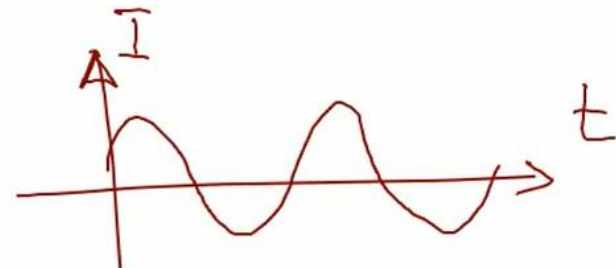
b)



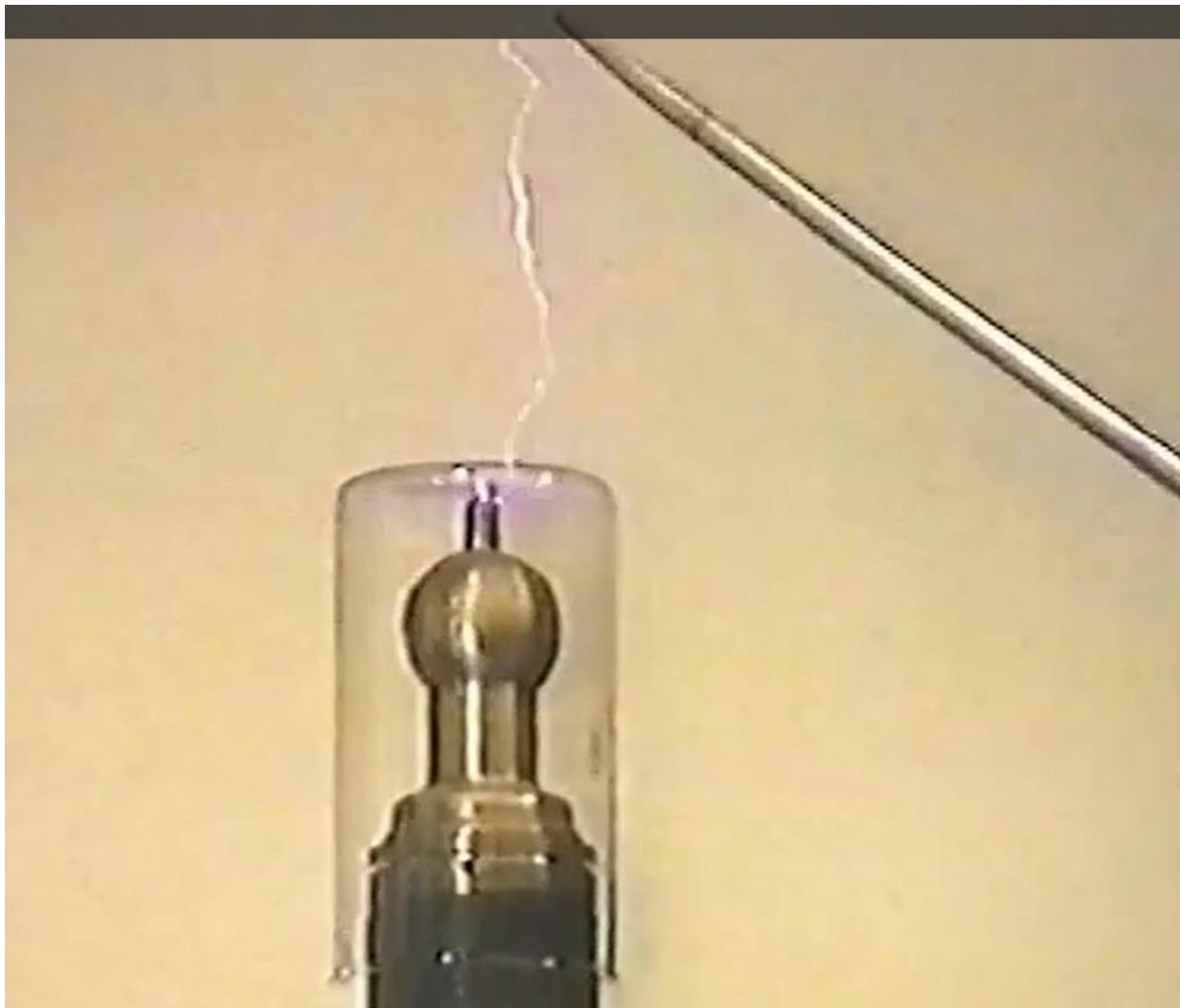
$B(t)$

“Колес. контур”

$$I(t) = I_0 \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi_0)$$



Токи смещения “замыкают” переменные токи проводимости



Резонансный трансформатор Тесла

Schematic:

